

### 1.- Define Campo Eléctrico

#### *Respuesta:*

Toda región del espacio que rodea una *carga eléctrica estática* (carga fuente), tal que al entrar otra *carga eléctrica*, se *manifiesta sobre esta* una fuerza de *atracción* o *repulsión*.

### 2.- Cuantificación del Campo Eléctrico

#### *Respuesta:*

La *Intensidad de Campo Eléctrico* se define como la *Fuerza* de origen *electrostático* que experimenta una carga “*q*” (carga de prueba) colocada en un punto del Campo Eléctrico.

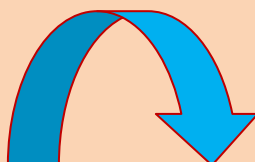
Su expresión matemática:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{F}}{q} \quad (1)$$

Siendo:

**F** = Fuerza Electrostática

**q** = Carga de prueba



Siendo  $Q$  la carga fuente, la Ley de Coulomb establece:

$$F = K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2} \quad (2)$$

Llevando (2) a (1):

$$E = \frac{K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}}{q} = \frac{K \cdot Q \cdot \cancel{q}}{\cancel{q} \cdot r^2}$$

$$E = K \cdot \frac{Q}{r^2}$$

Donde  $K = 9 \cdot 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$

3.- Establece las unidades de Campo Eléctrico

*Respuesta:*

Utilizando la ecuación:

$$E = K \cdot \frac{Q}{r^2}$$

Sustituimos las magnitudes implicadas por sus unidades en el S.I.:

$$[E] = \frac{N \cdot m^2}{C^2} \cdot \frac{C}{m^2} = \frac{N}{C}$$

**4.-** Calcula el campo eléctrico creado por una carga  $Q = +2 \mu\text{C}$  en un punto P situado a 30 cm de distancia en el vacío. Calcula también la fuerza que actúa sobre una carga  $q = -4 \mu\text{C}$  situada en el punto P.

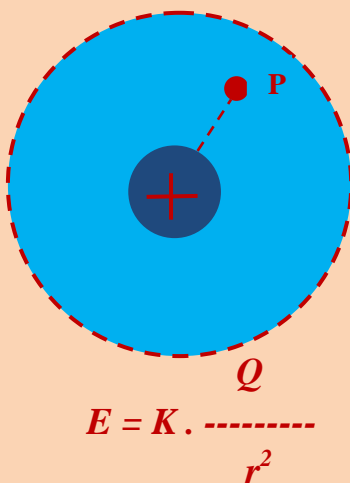
**Resolución:**

Cálculo del campo eléctrico creado por la carga  $Q = +2 \mu\text{C}$

$$1 \mu\text{C} = 10^{-6} \text{ C}$$

$$Q = (+2 \mu\text{C}) \cdot (1 \text{ C} / 10^{-6} \mu\text{C}) = +2 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

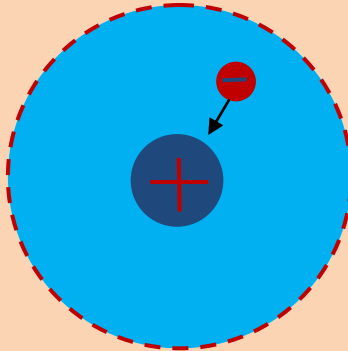
$$r = (30 \text{ cm}) \cdot (1 \text{ m} / 100 \text{ cm}) = 0,3 \text{ m}$$



$$E = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [2 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,3 \text{ m})^2]$$

$$E = 9 \cdot 10^9 \cdot 2 \cdot 10^{-6} / 0,09 \text{ N} \cdot \cancel{\text{m}^2/\text{C}^2} \cdot \cancel{\text{C}/\text{m}^2}$$
$$E = 200 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

La fuerza ejercida sobre la carga  $q = -4 \mu\text{C} = -4 \cdot 10^{-6} \text{ C}$

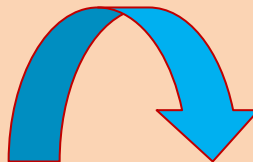


Al ser la carga “ $q$ ” de signo ( - ) y la carga “ $Q$ ” de signo ( + ), la carga “ $q$ ” será atraída por “ $Q$ ” con una fuerza:

$$F = E \cdot q$$
$$F = (200 \cdot 10^3 \text{ N/C}) \cdot (4 \cdot 10^{-6} \text{ C}) = 800 \cdot 10^{-3} \text{ N} = \mathbf{0,8 \text{ N}}$$

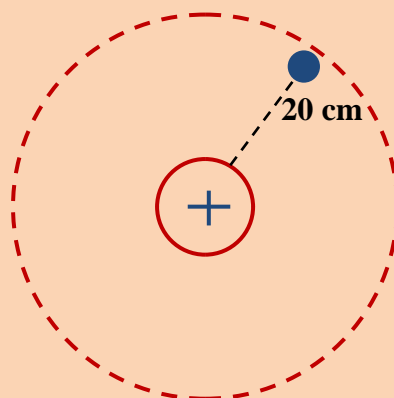
5.- Calcula la intensidad del campo eléctrico creado en el vacío por una carga eléctrica de + 5  $\mu\text{C}$  a una distancia de 20 centímetros.

**Resolución:**



$$Q = +5 \mu\text{C} = +5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$r = 20 \text{ cm} = 0,20 \text{ m}$$



$$E = K \cdot Q/r^2$$

$$E = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2 \cdot 5 \cdot 10^{-6} \text{ C}/(0,20 \text{ m})^2 = 1125 \cdot 10^3$$

$$= 45/0,04 (\text{N} \cdot \cancel{\text{m}^2/\text{C}^2}) \cdot (\cancel{\text{C}/\text{m}^2}) = 1125 \cdot 10^3 \text{ N/C} = 1,125 \cdot 10^6 \text{ N/C}$$

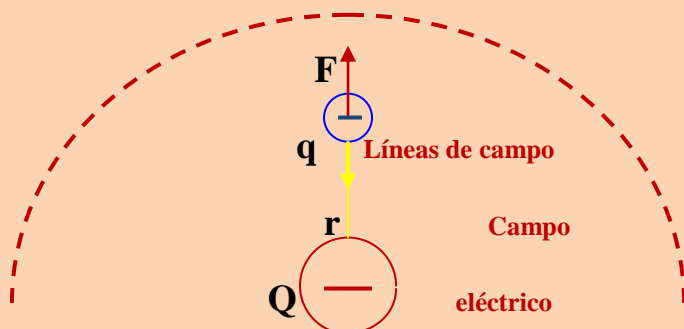
**6.-** Indica cuál es la magnitud, la dirección y el sentido de un campo eléctrico en el que una carga de  $-2 \mu\text{C}$  experimenta una fuerza eléctrica de  $0,02 \text{ N}$  dirigida verticalmente hacia arriba.

**Resolución:**

$$q = -2 \mu\text{C} = -2 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$F = 0,02 \text{ N}$$

Para que se den las condiciones del problema se debe cumplir el siguiente esquema:



Para que la carga “ $q$ ” sufra la acción de una fuerza vertical y hacia arriba obliga a que la carga que crea el campo “ $Q$ ” sea negativa para que se origine una *fuerza repulsiva verticalmente hacia arriba*. La dirección del campo viene determinada por la recta “ $r$ ” (*línea de campo*), el sentido hacia abajo debido a que la carga  $Q$  es **NEGATIVA** (por las cargas negativas entran las líneas de campo).

En lo referente a la magnitud del Campo Eléctrico sabemos que:

$$F = E \cdot q$$

$$E = F / q ; E = (0,02 \text{ N}) / (2 \cdot 10^{-6} \text{ C}) = 2 \cdot 10^{-2} \text{ N} / 2 \cdot 10^{-6} \text{ C} = 10^4 \text{ N/C}$$

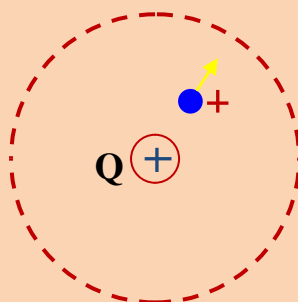
$$E = 10000 \text{ N/C}$$

7.- Una carga de  $2\mu\text{C}$  se coloca en un campo eléctrico y experimenta una fuerza de  $8 \cdot 10^{-4} \text{ N}$ . ¿cuál es la magnitud de la intensidad del campo eléctrico?

**Resolución:**

$$q = 2 \mu\text{C} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$F = 8 \cdot 10^{-4} \text{ N}$$



El enunciado no especifica si se trata de una fuerza atractiva o repulsiva. Supuse que  $Q$  es positiva y aparece una fuerza repulsiva sobre  $q$ .

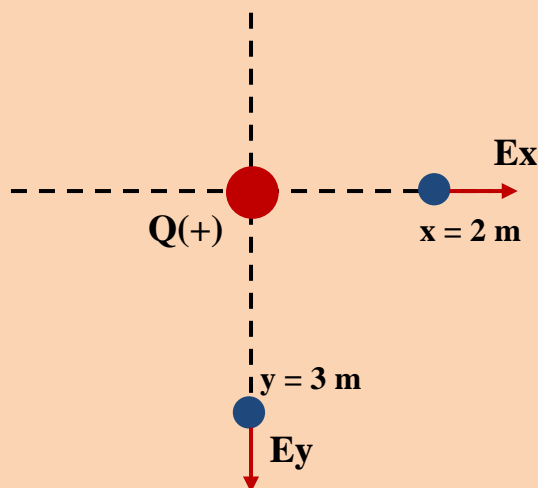
En cuanto al valor de la Intensidad de Campo:

$$E = F / q ; E = (8 \cdot 10^{-4} \text{ N}) / (2 \cdot 10^{-6} \text{ C}) =$$

$$E = 400 \text{ N/C}$$

8.- Una carga eléctrica de  $62,8 \cdot 10^{-6} \text{ C}$  está colocada en el origen de coordenadas cartesianas. Determine el campo eléctrico que origina esta carga: a) sobre el eje  $x = 2 \text{ m}$  y b) sobre el eje  $y$  en  $y = -3 \text{ m}$ .

**Resolución:**



El **Campo Eléctrico** es una **Magnitud Vectorial** y por lo tanto tiene:

- Dirección.**- La determinan las líneas de Campo
- Sentido.**- De cargas positivas salen líneas de campo por lo que el sentido, en este caso, es hacia la derecha
- Punto de aplicación.**- En el punto considerado
- Módulo (Intensidad).**- Calculada más abajo

En el eje OX el campo eléctrico vale:

$$E_x = K \cdot Q/r^2$$

$$E = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [62,8 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (2 \text{ m})^2]$$

$$E_x = 141,3 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

En el eje OY, el punto está colocado en la ordenada  $y = -3$ , pero nosotros para poder aplicarla usaremos el valor absoluto  $y = |-3| = +3$ .  
Por tanto:

$$E_y = K \cdot Q/r^2$$

$$E = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [62,8 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (3 \text{ m})^2]$$

$$E_y = 62,8 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

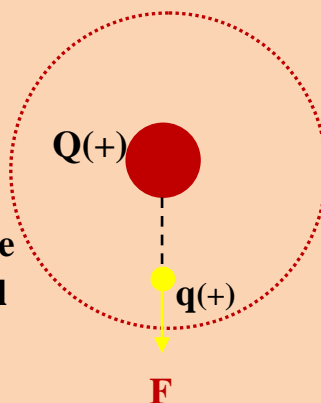
**9.-** Un pequeño objeto, que tiene una carga de  $9,5 \mu\text{C}$ , experimenta una fuerza hacia debajo de  $920 \text{ N}$  cuando se coloca en cierto punto de un campo eléctrico. ¿Cuál es el campo en dicho punto?

**Resolución:**

$$q = 9,5 \mu\text{C} = 9,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$F = 920 \text{ N}$$

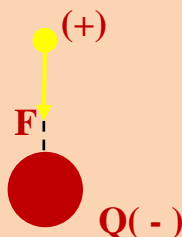
Este sería el esquema para que se cumplan las condiciones del problema



En lo referente a la Intensidad de Campo:

$$E = F / q ; E = (920 \text{ N}) / (9,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}) = 96,86 \cdot 10^6 \text{ N/C}$$

También podemos hacer el siguiente esquema:





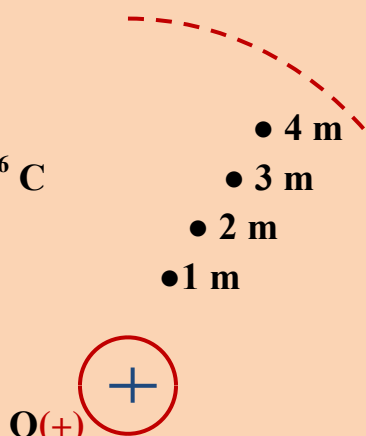
La carga creadora del Campo Eléctrico tendría que ser **NEGATIVA**.

El concepto “**debajo**” puede tener esta interpretación.

**10.-** Halla la intensidad del campo eléctrico creado por una carga positiva de  $1\mu\text{C}$  a 1m, 2m, 3m y 4m de distancia, en el vacío.

**Resolución: S.I.**

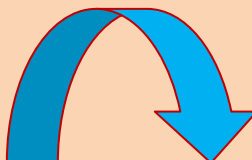
$$Q = 1 \mu\text{C} = 1 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$


$$E = K \cdot Q / R^2$$
$$E_1 = 9 \cdot 10^9 \cdot 1 \cdot 10^{-6} / 1 = 9000 \text{ N/C}$$
$$E_2 = 9 \cdot 10^9 \cdot 1 \cdot 10^{-6} / 4 = 2250 \text{ N/C}$$
$$E_3 = 9 \cdot 10^9 \cdot 1 \cdot 10^{-6} / 9 = 1000 \text{ N/C}$$
$$E_4 = 9 \cdot 10^9 \cdot 1 \cdot 10^{-6} / 16 = 562,5 \text{ N/C}$$

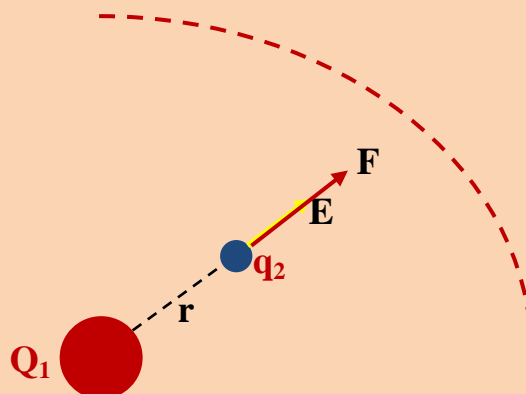
**11.-** Hallar: a) la intensidad de campo eléctrico E, en el aire, a una distancia de 30 cm de la carga  $q_1 = 5 \cdot 10^{-9} \text{ C}$  (creadora del campo), b) la fuerza F que actúa sobre una carga  $q_2 = 4 \cdot 10^{-10} \text{ C}$  situada a 30 cm de  $q_1$ .

Dato:  $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$

**Resolución:**



$$Q = 5 \cdot 10^{-9} \text{ C}$$
$$r = 30 \text{ cm} = 0,30 \text{ m}$$
$$q_2 = 4 \cdot 10^{-10} \text{ C}$$



a) Cálculo de la Intensidad de Campo:

$$E = K \cdot Q / R^2 ; E = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [5 \cdot 10^{-9} \text{ C} / (0,3 \text{ m})^2] =$$

$$E = 500 \text{ N/C}$$

b) La fuerza será:

$$F = E \cdot q_2 ; F = (500 \text{ N/C}) \cdot (4 \cdot 10^{-10} \text{ C}) = 200 \cdot 10^{-10} \text{ N}$$

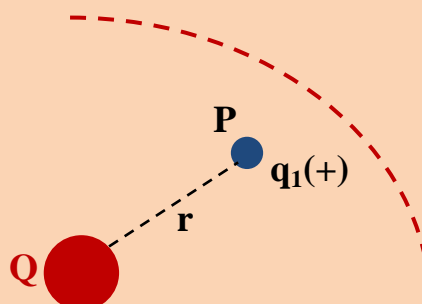
**12.-** Al situar una carga de  $+0,3 \mu\text{C}$  en un punto P de un campo eléctrico, actúa sobre ella una fuerza de  $0,06 \text{ N}$ . Halla: a) La intensidad del campo eléctrico en el punto P ; b) La fuerza que actuaría sobre una carga de  $-3 \mu\text{C}$  situada en ese punto del campo.

**Resolución:**

$$q_1 = + 0,3 \mu\text{C} = + 0,3 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$F_1 = 0,06 \text{ N}$$

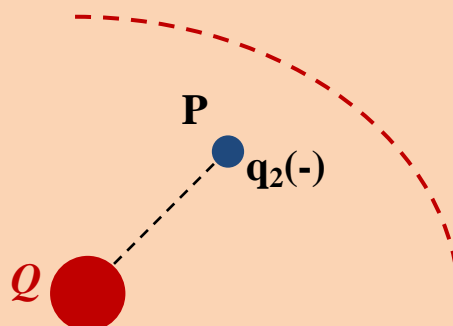
$$q_2 = - 3 \mu\text{C} = - 3 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$



$$\begin{aligned} \text{a) } \mathbf{E} &= \mathbf{F}_1 / q_1 ; \mathbf{E} = (0,06 \text{ N}) / (0,3 \cdot 10^{-6} \text{ C}) = 0,2 \cdot 10^6 \text{ N/C} = \\ &= 2 \cdot 10^5 \text{ N/C} \end{aligned}$$

La dirección del vector campo es radial pero el sentido del Campo Eléctrico porque no se puede determinar porque no conocemos el *signo* de la carga *creadora del Campo*.

$$\text{b) } q_2 = -3 \mu\text{C} = -3 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$



$$\mathbf{F}_2 = \mathbf{E} \cdot q_2 ; \mathbf{F} = (2 \cdot 10^5 \text{ N/C}) \cdot (3 \cdot 10^{-6} \text{ C}) = 0,6 \text{ N}$$

$F_1$  y  $F_2$  tienen el mismo módulo pero al ser de distinto signo sus sentidos serán contrarios.

**13.-** Un campo eléctrico está creado por una carga puntual de  $-3 \mu\text{C}$ .  
Calcula: a) La intensidad del campo eléctrico en un punto P situado a 6 dm de la carga en el vacío ; b) La fuerza sobre una carga de  $-7 \mu\text{C}$  situada en el punto P.

DATO:  $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$

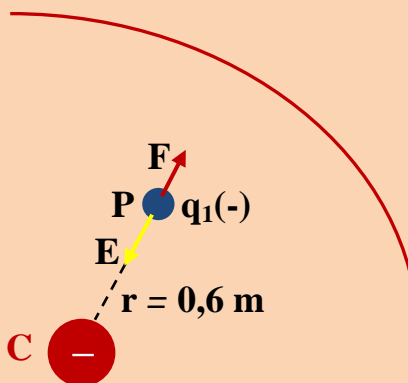
**Resolución:**

$$Q = - 3 \mu\text{C} = - 3 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$q_1 = - 7 \mu\text{C} = - 7 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$r = 6 \text{ dm} \cdot 1 \text{ m} / 10 \text{ dm} = 0,6 \text{ m}$$

$$Q = - 3 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$



a) Intensidad de Campo eléctrico en P:

$$E = K \cdot Q / R^2$$

$$E = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [3 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,6 \text{ m})^2]$$

$$E = 75 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

El **Campo Eléctrico** tiene su **punto de aplicación** en el punto **P**, **dirección radial** y **sentido** hacia la carga creadora del campo (las cargas negativas, creadoras de Campo Eléctrico, son entradas de líneas de campo, mirar esquema anterior).

b) En lo referente a la Fuerza sobre la  $q_1$ :

$$F = E \cdot q$$

$$F = 75 \cdot 10^3 \text{ N/C} \cdot 7 \cdot 10^{-6} \text{ C} = 525 \cdot 10^{-3} \text{ N}$$

Esta fuerza tiene su **punto de aplicación** en el punto **P**, **dirección radial** y **sentido contrario al vector campo** puesto que entre Q y  $q_1$  se crea una fuerza repulsiva ya que las dos son negativas (esquema inicial).

**14.-** Según el esquema siguiente:



En donde:

$$Q_1 = - 2,5 \mu\text{C} = - 2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$Q_2 = - 4,75 \mu\text{C} = - 4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

Determinar:

- La Intensidad de Campo Eléctrico en el punto medio que une a las dos cargas
- A 30 cm a la derecha de Q<sub>2</sub>
- A 30 cm a la izquierda de Q<sub>1</sub>

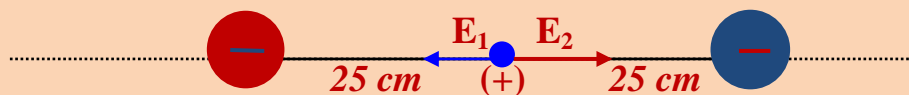
**Resolución:**

a) Diagrama de Campos Eléctricos:

En el punto donde nos piden calcular la Intensidad de Campo Eléctrico supondremos **SIEMPRE LA UNIDAD DE CARGA POSITIVA**.

$$Q_1 = - 2,5 \mu\text{C} = - 2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$Q_2 = - 4,75 \mu\text{C} = - 4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$



Entre las carga Q<sub>1</sub>, Q<sub>2</sub> y la carga (+) se crean fuerzas repulsivas lo que hace posible que los campos creados, E<sub>1</sub> y E<sub>2</sub>, tengan la **misma dirección** pero **sentido contrario** (esquema anterior).

El Campo resultante lo conoceremos mediante la ecuación:

$$E_R = E_{mayor} - E_{menor}$$

Cálculo de los campos parciales:

$$E_1 = K \cdot Q_1 / R^2 ; E_1 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,25 \text{ m})^2] =$$
$$= 360 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_2 = K \cdot Q_2 / R ; E_2 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,25 \text{ m})^2] =$$
$$= 648 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

Luego el campo resultante valdrá:

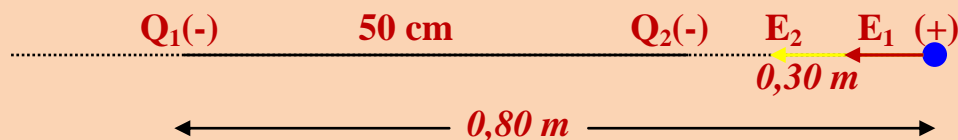
$$E_R = E_2 - E_1 ; E_R = 648 \cdot 10^3 \text{ N/C} - 360 \cdot 10^3 \text{ N/C} = 288 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

Obtenemos en el *punto medio* de la recta que une las dos cargas un vector Intensidad de Campo Eléctrico de:

- Módulo  $|\vec{E}| = 288 \cdot 10^3 \text{ N/C}$
- Dirección la recta de unión de las dos cargas
- Sentido hacia la derecha

b) A 30 cm a la derecha de  $Q_2$ :

Los dos campos parciales son atractivos



Cálculo de Campos parciales:

$$E_1 = K \cdot Q_1 / R_1^2 ; E_1 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,8 \text{ m})^2] =$$

$$E_1 = 35,15 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_2 = K \cdot Q_2 / R_2^2 ; E_2 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,30 \text{ m})^2] =$$

$$E_2 = 475 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

Obtenemos dos vectores de la misma dirección y sentido.

El vector campo resultante tiene:

a) *Módulo:*

$$E_R = E_2 + E_1 ; E_R = 475 \cdot 10^3 \text{ N/C} + 35,15 \cdot 10^3 \text{ N/C} =$$

$$E_R = 510,15 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

b) *Dirección la recta de unión de las dos cargas*

c) *Sentido hacia la izquierda*

c) A 30 cm a la izquierda de  $E_1$ :

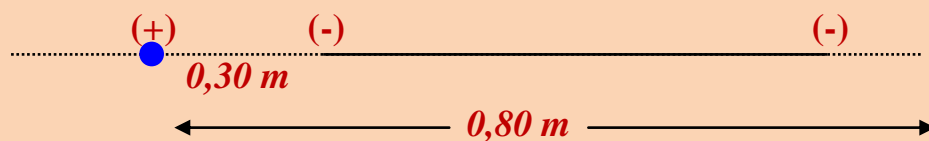


Diagrama de vectores campo:



$$Q_1 = - 2,5 \mu\text{C} = - 2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$Q_2 = - 4,75 \mu\text{C} = - 4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

Calculo de los vectores campo parciales:

$$E_1 = K \cdot Q_1/R_1^2 ; E_1 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [2,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,30 \text{ m})^2] =$$

$$E_1 = 250 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_2 = K \cdot Q_2/R_2^2 ; E_2 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [4,75 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,8 \text{ m})^2] =$$

$$E_2 = 66,79 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

Obtenemos dos vectores campo de la misma dirección y sentido, de:

a) *Módulo:*

$$E_R = E_2 + E_1 ; E_R = 66,79 \cdot 10^3 \text{ N/C} + 250 \cdot 10^3 \text{ N/C} =$$

$$= 316,79 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

b) *Dirección la recta de unión de las dos cargas*

c) *Sentido hacia la derecha*

**15.-** Tenemos un triángulo equilátero, de 75 cm de lado, con dos cargas eléctricas en los vértices de la base de + 3,5  $\mu\text{C}$ . Determinar la Intensidad de Campo Eléctrico en el vértice superior.

DATO:  $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$

**Resolución:**



$$q_1 = q_2 = 3,5 \mu\text{C} = 3,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$r = 0,75 \text{ m}$$

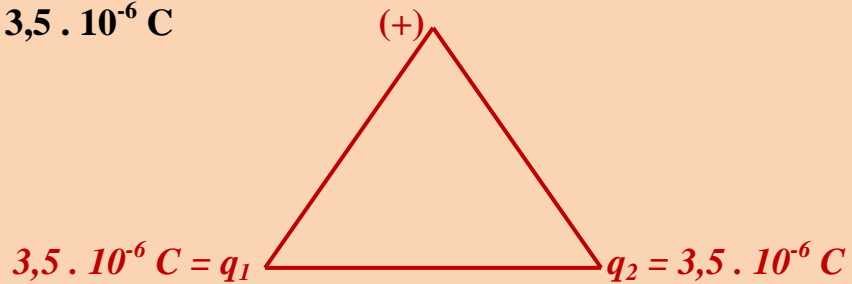
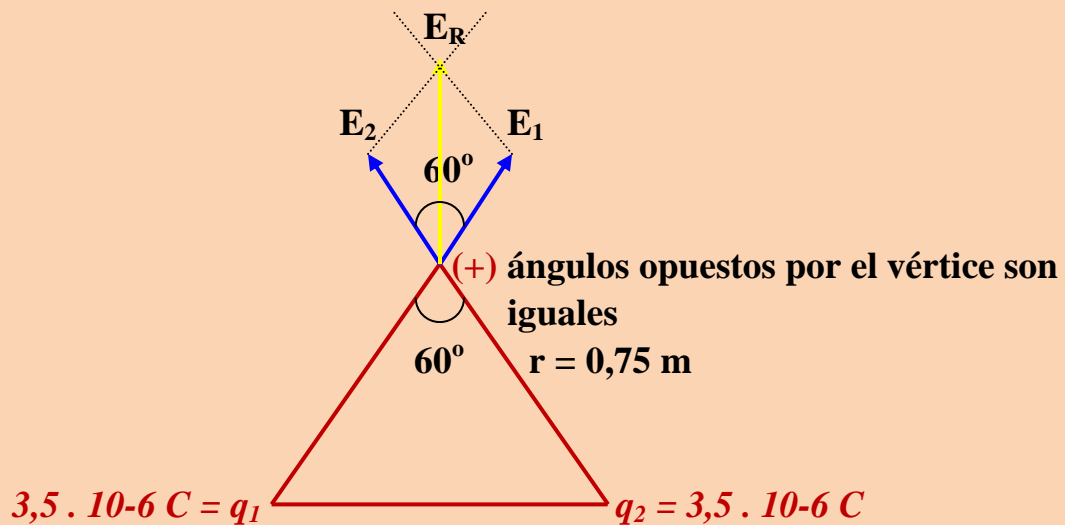


Diagrama de Campos parciales:



Como se trata de un triángulo equilátero los tres ángulos son iguales ( $180:3 = 60^\circ$ ).

Por el teorema del coseno podemos conocer  $E_R$ :

$$E_R = [ (E_1)^2 + (E_2)^2 + 2 \cdot E_1 \cdot E_2 \cdot \cos \alpha ]^{1/2} \quad (1)$$

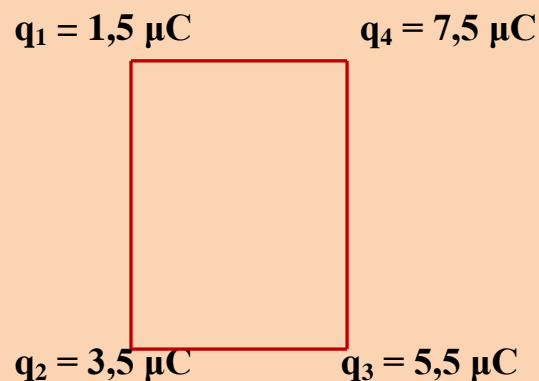
$$E_1 = E_2 = K \cdot Q/R^2$$

$$\begin{aligned} E_1 = E_2 &= (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot (3,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}/(0,75 \text{ m})^2) = \\ &= E_1 = E_2 = 56,25 \cdot 10^3 \text{ N/C} \end{aligned}$$

Nos vamos a la ecuación (1) y sustituímos valores:

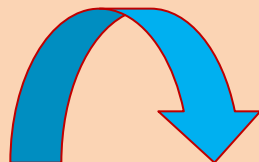
$$\begin{aligned} E_R &= [ (56,25 \cdot 10^3 \text{ N/C})^2 + (56,25 \cdot 10^3 \text{ N/C})^2 + 2 \cdot 56,25 \cdot 10^3 \text{ N/C} \cdot 56,25 \cdot 10^3 \text{ N/C} \cdot \cos 60^\circ ]^{1/2} = \\ &= ( 6328,125 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2 + 112,5 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2 )^{1/2} = \\ &= (6440,625 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2)^{1/2} = \mathbf{80,25 \cdot 10^3 \text{ N/C}} \end{aligned}$$

**16.-** Dado el esquema siguiente:



Determinar la Intensidad de Campo Eléctrico en el centro geométrico del rectángulo.

**Resolución:**



$$q_1 = - 1,5 \mu\text{C} \quad 10 \text{ cm} \quad q_4 = - 7,5 \mu\text{C}$$

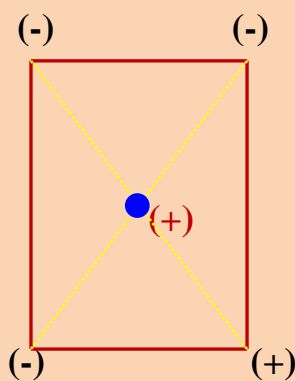
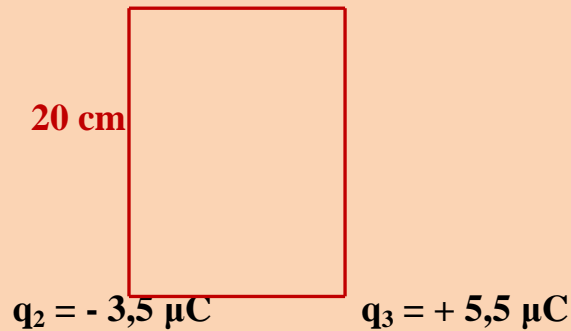
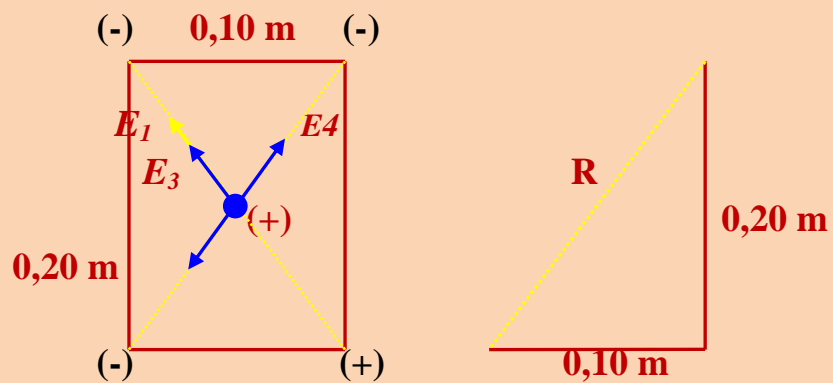


Diagrama de Campos parciales:



Por Pitágoras:

$$R = [(0,10 \text{ m})^2 + (0,20 \text{ m})^2]^{1/2}$$

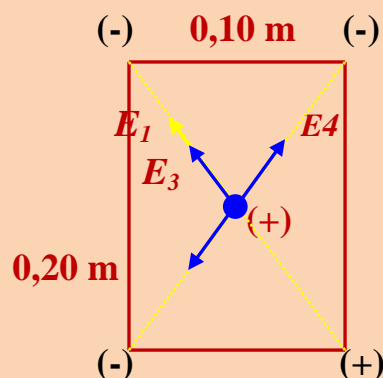
$$R = (0,01 \text{ m}^2 + 0,04 \text{ m}^2)^{1/2} = (0,05 \text{ m}^2)^{1/2}$$

$$R = 0,22 \text{ m}$$

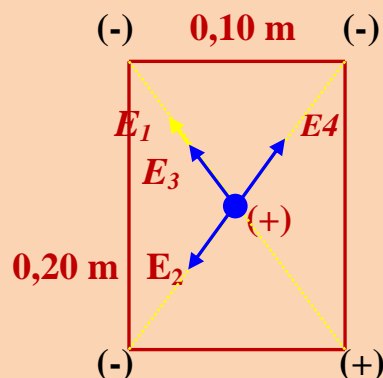
La distancia de un vértice al centro geométrico será:

$$d = 0,22 \text{ m} / 2 = 0,11 \text{ m}$$

Cálculo de los campos parciales:



$$q_1 = - 1,5 \mu\text{C} = - 1,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$
$$q_2 = - 3,5 \mu\text{C} = - 3,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$
$$q_3 = + 5,5 \mu\text{C} = + 5,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$
$$q_4 = - 7,5 \mu\text{C} = - 7,5 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$
$$d = 0,11 \text{ m}$$



$$E_1 = K \cdot q_1 / R_1^2 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [1,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,11 \text{ m})^2] = 1125 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_3 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) \cdot [5,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,11 \text{ m})^2] = 4125 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

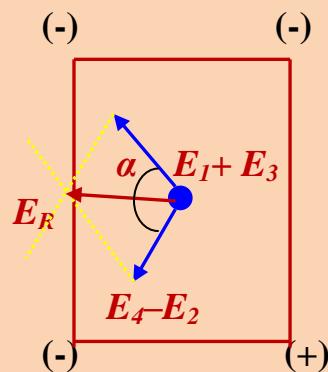
$$E_1 + E_3 = 1125 \cdot 10^3 \text{ N/C} + 4125 \cdot 10^3 \text{ N/C} = 5250 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_2 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [3,5 \cdot 10^3 \text{ C} / (0,11 \text{ m})^2] = 2625 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_4 = (9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2) \cdot [7,5 \cdot 10^{-6} \text{ C} / (0,11 \text{ m})^2] = 5625 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

$$E_{\text{mayor}} - E_{\text{menor}} = |E_4 - E_2| = |5625 \cdot 10^3 \text{ N/C} - 2625 \cdot 10^3 \text{ N/C}| = 3000 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

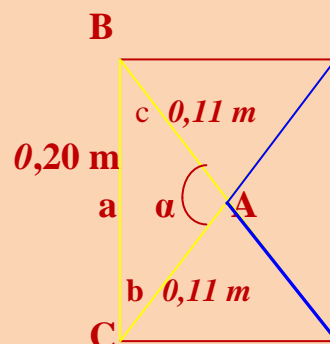
Nuevo diagrama de campos:



Para conocer  $E_R$  aplicaremos la ecuación:

$$E_R = [(E_1 + E_3)^2 + (E_4 - E_2)^2 + 2 \cdot (E_1 + E_3) \cdot (E_4 - E_2) \cdot \cos \alpha]^{1/2}$$

Ecuación de la cual conocemos todo excepto el ángulo " $\alpha$ ". Para conocer " $\alpha$ " nos iremos al triángulo **BAC**:



El teorema del coseno nos dice que:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$(0,20 \text{ m})^2 = (0,11 \text{ m})^2 + (0,11 \text{ m})^2 - 2 \cdot 0,11 \text{ m} \cdot 0,11 \text{ m} \cos \alpha$$

$$0,04 \text{ m}^2 = 0,012 \text{ m}^2 + 0,012 \text{ m}^2 - 0,024 \cos \alpha$$

$$0,04 - 0,012 - 0,012 = - 0,024 \cos \alpha ; 0,016 = - 0,024 \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = 0,016 / - 0,024 = - 0,67$$

$$\alpha = 132,07^\circ$$

Conocida " $\alpha$ " podemos volver a la ecuación:

$$E_R = [ (E_1+E_3)^2 + (E_4-E_2)^2 + 2 \cdot (E_1+E_3) \cdot (E_4-E_2) \cdot \cos \alpha ]^{1/2}$$

$$E_R = [(5250 \cdot 10^3 \text{ N/C})^2 + (3000 \cdot 10^3 \text{ N/C})^2 +$$

$$+ 2 \cdot 5250 \cdot 10^3 \text{ N/C} \cdot 3000 \cdot 10^3 \text{ N/C} \cdot \cos \alpha]^{1/2}$$

$$E_R = ( 27562500 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2 + 9000000 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2 +$$

$$+ 4,65 \cdot 10^{21} \cdot \cos 132,07^\circ)^{1/2}$$

$$E_R = 36562500 \cdot 10^6 \text{ N}^2/\text{C}^2 + 4,65 \cdot 10^{21} \cdot (-0,67)]^{1/2}$$

Eliminamos el primer miembro de la derecha en la ecuación por considerarlo muy pequeño respecto al segundo miembro:

$$E_R = (- 3,11 \cdot 10^{21} \text{ N}^2/\text{C}^2)^{1/2}$$

Es ahora cuando surge un problema: La raíz de un número negativo **NO EXISTE**. No **PODEMOS CONOCER**  $E_R$ . En algún punto de los

cálculos numéricos se ha producido un error. El planteamiento es  
***CORRECTO.***

----- O -----